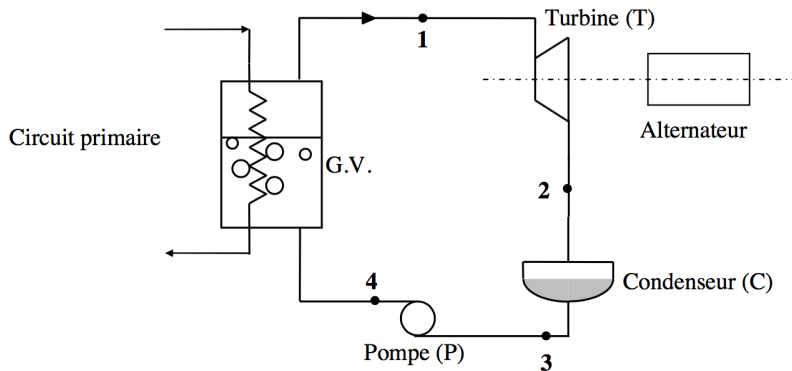




Thermodynamique industrielle

Cycle de Rankine d'une centrale nucléaire



Le circuit secondaire d'une centrale nucléaire est constitué en première approche d'un générateur de vapeur (GV), d'une turbine (T) reliée à un alternateur, d'un condenseur (C) et d'une pompe d'alimentation secondaire (P) comme l'illustre la figure ci-contre.

Le fluide secondaire (de l'eau) subit le cycle thermodynamique suivant :

- ▷ 1 → 2 : détente adiabatique réversible dans la turbine ;
- ▷ 2 → 3 : liquéfaction isobare totale dans le condenseur ;
- ▷ 3 → 4 : compression adiabatique réversible dans la pompe d'alimentation secondaire ;
- ▷ 4 → 1 : échauffement puis vaporisation isobare totale dans le générateur de vapeur.

Le tableau ci-dessous donne l'état thermodynamique de l'eau en certains points du cycle :

Point	Pression (bar)	Température (K)	État du fluide	Enthalpie massique ($\text{kJ} \cdot \text{kg}^{-1}$)	Entropie massique ($\text{kJ} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{kg}^{-1}$)
1	70	559	Vapeur saturante	2773,5	5,8162
2	0,05	306	Mélange diphasique		
3	0,05		Liquide saturant	137,8	0,4763
4	70		Liquide sous-saturé		

Donnée : extrait de table thermodynamique de l'eau diphasée.

Pression de vapeur saturante (bar) 1 bar = 10^5 Pa	enthalpies massiques ($\text{kJ} \cdot \text{kg}^{-1}$)		entropies massiques ($\text{kJ} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{kg}^{-1}$)	
	à l'état de liquide saturant : h'	à l'état de vapeur saturante : h''	à l'état de liquide saturant : s'	à l'état de vapeur saturante : s''
0,05	137,8	2 561,6	0,4763	8,3960
10	762,6	2 776,2	2,1382	6,5828
70	1 267,4	2 773,5	3,1219	5,8162

1 - Tracer l'allure du cycle en diagramme des frigoristes $P = f(h)$.

2 - Établir le théorème des moments reliant l'entropie massique au point 2 s_2 , x_2 le titre en vapeur, s_{V2} l'entropie massique de la vapeur saturante de l'isotherme passant par le point 2 et s_{L2} est l'entropie massique du liquide saturant de la même isotherme.

3 - Calculer le titre massique en vapeur x_2 et l'enthalpie massique h_2 . En déduire le travail massique indiqué w_{iT} échangé par le fluide dans la turbine. Calculer sa valeur numérique.

4 - En raisonnant à partir de l'identité thermodynamique, montrer que le travail massique indiqué fourni par la pompe au fluide vaut

$$w_{iP} = v(P_4 - P_3),$$

avec v le volume massique du liquide supposé incompressible. Calculer sa valeur numérique et commenter.

5 - Déterminer la température T_3 . Calculer la chaleur massique q_{eC} échangée par le fluide avec le condenseur.

6 - Calculer la chaleur massique q_{eGV} échangée par le fluide dans le générateur de vapeur.

7 - En déduire le rendement de ce cycle puis celui du cycle de Carnot de même sources froide et chaude. Commenter.

Éléments de correction

1 Voir figure 1.

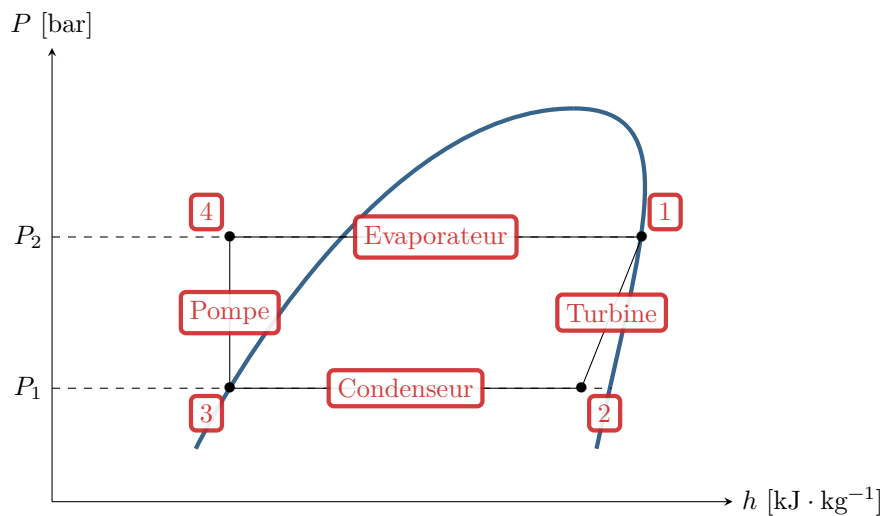


Figure 1 – Allure du cycle dans le diagramme des frigoristes.

L'étape 1-2 du cycle est assez peu crédible : normalement, les changements d'état doivent absolument être évités dans une turbine pour éviter une dégradation rapide des ailettes de la turbine sous l'impact des gouttelettes d'eau formées (érosion).

2 Par additivité de l'entropie, dans un système diphasé,

$$S = S_V + S_L \quad \text{soit} \quad ms = m_V s_V + m_L s_L.$$

En introduisant le titre massique en vapeur $x = m_V/m$ et la conservation de la masse $m = m_V + m_L$, il vient

$$ms = xm s_V + (1-x)m s_L \quad \text{d'où} \quad s = x s_V + (1-x)s_L.$$

3 La transformation $1 \rightarrow 2$ est adiabatique réversible, donc isentropique. Ainsi, $s_2 = s_1$ et on déduit du théorème des moments

$$x_2 = \frac{s_2 - s_{L,2}}{s_{V,2} - s_{L,2}} = \frac{5,8162 - 0,4763}{8,3960 - 0,4763} \simeq 0,674.$$

Le théorème des moments appliqué à l'enthalpie massique donne de façon analogue

$$h_2 = x_2 h_{V,2} + (1-x_2)h_{L,2} = x_2 \times 2561,6 + (1-x_2) \times 137,8 \simeq 1772,2 \text{ kJ} \cdot \text{kg}^{-1}$$

La turbine étant calorifugée, le premier principe appliqué à la transformation $1 \rightarrow 2$ donne

$$w_{iT} = h_2 - h_1 = -1001,3 \text{ kJ} \cdot \text{kg}^{-1}.$$

4 D'après l'identité thermodynamique en enthalpie,

$$dh = Tds + v dP.$$

Or la transformation $3 \rightarrow 4$ est adiabatique réversible, donc $ds = 0$ tout au long de cette transformation. De plus, elle concerne un liquide incompressible, donc $v = \text{cte}$. Par intégration entre les états 3 et 4, on obtient

$$h_4 - h_3 = v(P_4 - P_3).$$

D'après le premier principe en supposant la pompe calorifugée, on en déduit

$$w_{iP} = v(P_4 - P_3) = 7 \text{ kJ} \cdot \text{kg}^{-1}$$

Cette valeur est négligeable devant le travail prélevé par la turbine.

5 Partant du mélange diphasique 2, l'état 3 est le liquide juste saturant correspondant. Ainsi,

$$T_3 = T_2 = 306 \text{ K} \quad \text{et} \quad x_3 = 0$$

Un condenseur ne comporte pas de pièces mobiles, donc

$$q_{eC} = h_3 - h_2 = 137,8 - 1772,2 = -1634,4 \text{ kJ} \cdot \text{kg}^{-1}.$$

6 Un GV est un échangeur, sans pièce mobile, d'où

$$q_{eGV} = h_1 - h_4 = 2773,5 - 137,8 = 2635,7 \text{ kJ} \cdot \text{kg}^{-1}$$

7 En négligeant le travail fourni par la pompe, il vient

$$\eta = \frac{w_{iT}}{w_{iP} + q_{eGV}} \simeq \frac{w_{iT}}{q_{eGV}} = 0,38$$

Le rendement de Carnot associé à un cycle ayant les mêmes températures « chaude et froide » donnerait

$$\eta_{\text{Carnot}} = 1 - \frac{T_2}{T_1} = 0,453.$$